

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ПОВОЛЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ



УТВЕРЖДАЮ
Директор ИЛП

УТВЕРЖДАЮ /М.Н. Волдаев/
(Ф.И.О. декана (директора института))

29.02.2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б.1.1.3 Математика

(код и наименование дисциплины по учебному плану)

Направление подготовки
(специальность)

35.03.10 Ландшафтная архитектура

Квалификация выпускника

Бакалавр

(бакалавр/магистр/специалист)

Направленность

Садово-парковое и ландшафтное строительство

Курс

1

Семестр

1

Распределение учебного времени

Трудоемкость по учебному плану	144 / 4	часов/зачетных единиц
Лекции	18	часов
Лабораторные работы	-	часов
Практические занятия	36	часов
Иная контактная работа	-	часов
Всего контактной работы (без учета экз.)	54	часов
Контактная работа по экзамену	6	часов
Курсовой проект (работа)	-	семестр
Самостоятельная работа обучающихся (без учета экз.)	54	часов
Самостоятельная работа по подготовке к экзамену	30	часов
Экзамен	1	семестр
Зачет	-	семестр
БРК, ДЗ	-	семестр

(год)

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО направления подготовки (специальности) 35.03.10 Ландшафтная архитектура

Программу составили:

старший преподаватель	ВМ	СОГЛАСОВАНО	О.В. Михадарова
(должность)	(кафедра)		(И.О. Фамилия)

РАССМОТРЕНА и ОДОБРЕНА на заседании кафедры, за которой закреплена дисциплина
Кафедра высшей математики

		(наименование кафедры)	
24.01.2024	протокол №	5	
(дата)			
Заведующий кафедрой	СОГЛАСОВАНО	В.А. Иванов	
		(И.О. Фамилия)	

Рабочая программа СОГЛАСОВАНА с факультетом (институтом), выпускающей(ими) кафедрой(ами).

СООТВЕТСТВУЕТ действующей ОП.

Заведующий кафедрой	СОГЛАСОВАНО	Ю.В. Граница
		(И.О. Фамилия)

Председатель методической комиссии факультета (института), в который входит выпускающая кафедра

СОГЛАСОВАНО	Д.И. Мухортов
	(И.О. Фамилия)

Эксперт(ы): Мосунов Андрей Николаевич, Директор ООО "Ландшафтдизайнстрой"
г.Йошкар- Ола

Рабочая программа проверена и зарегистрирована в УМЦ 12.03.2024 г.

Специалист учебно-методического центра СОГЛАСОВАНО /Т.А. Смирнова/

Раздел 1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения дисциплины является достижение планируемых результатов обучения, соответствующих установленным в ОПОП индикаторам достижения компетенций:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения
1. УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1 Выполняет поиск необходимой для решения поставленной задачи информации, её критический анализ, обобщение и представление на основе знаний естественно-научных дисциплин и современных информационных технологий	знания: знает механизмы и методики поиска информации необходимых для решения поставленной задачи; способы анализа и синтеза информации на основе знаний естественно-научных дисциплин и современных информационных технологий умения: Умеет находить необходимую информацию; использовать основные законы математических и естественнонаучных дисциплин; применять системный подход для решения задач в области ландшафтной архитектуры навыки: Владеет навыками поиска необходимой информации для решения стандартных задач в области ландшафтной архитектуры
	УК-1.2 Систематизирует обнаруженную информацию, полученную из разных источников, в соответствии с требованиями и условиями задачи	знания: знает механизмы и способы анализа и систематизации информации для решения поставленной задачи умения: умеет находить и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи навыки: владеет механизмами поиска информации, в том числе с применение современных информационных и коммуникационных технологий
	УК-1.3 Выбирает оптимальный вариант решения задачи, аргументируя свой выбор	знания: знает способы поиска источников информации, необходимых для решения поставленной задачи умения: умеет использовать различные типы поисковых запросов, рассматривать их возможные достоинства и недостатки навыки: владеет способностью поиска информации для решения поставленной задачи по различным типам запросов
	УК-1.4 Разрабатывает варианты решения проблемной ситуации на основе системного подхода и критического анализа доступных источников	знания: знает возможные варианты решения типовых задач умения: умеет обосновывать варианты решений поставленных задач навыки: владеет способностью предлагать варианты решения поставленной задачи недостатки

	УК-1.5 Формулирует и аргументирует выводы и суждения, в том числе с применением философского понятийного аппарата	знания: знает основные различия между фактами, мнениями, интерпретациями и оценками умения: умеет формировать собственное мнение о фактах, мнениях, интерпретациях и оценках информации навыки: владеет способностью формировать и аргументировать свои выводы и точку зрения
2. ОПК-1 Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности на основе знаний основных законов математических и естественных наук с применением информационно-коммуникацион	ОПК -1.1. Использует основные законы естественных дисциплин для решения стандартных задач в области ландшафтной архитектуры	знания: Знает основные законы математических и естественных наук для решения стандартных задач в области ландшафтной архитектуры умения: Умеет использовать основные законы математических и естественных дисциплин для решения стандартных задач в области ландшафтной архитектуры навыки: Владеет навыками использования основных законов математических и естественных дисциплин для решения стандартных задач в области ландшафтной архитектуры

Раздел 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина относится к обязательной части ОПОП.

Дисциплина является обязательной

Изучаемая дисциплина является основой для продолжения формирования указанных компетенций в следующих дисциплинах: Химия (УК-1), Начертательная геометрия и компьютерная графика (УК-1), Химия (ОПК-1), Геодезия (ОПК-1); государственной итоговой аттестации в форме: Выполнение и защита выпускной квалификационной работы (УК-1), Выполнение и защита выпускной квалификационной работы (ОПК-1)

Раздел 3. ОПИСАНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Для формирования заявленных компетенций используются методологические технологии, реализующие деятельностный, личностно-ориентированный, практико-ориентированный подходы.

Основными стратегическими технологиями являются: лекционные занятия, практические занятия

На достижение конкретных целей обучения направлены применяемые тактические технологии: задания, классическая лекция

Раздел 4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1 семестр

Виды и темы занятий	Количество часов	Формируемые компетенции
Раздел 1. Элементы линейной алгебры	15	ОПК-1, УК-1
Лекция. Матрицы. Виды матриц. Равенство матриц. Действия над матрицами. Определители 2-го и 3-го порядка и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема о разложении определителя по элементам произвольного ряда. Теорема об аннулировании определителя. Обратная матрица. Теорема существования и единственности обратной матрицы.	2	
Лекция. Система линейных уравнений, основные понятия. Матричная запись и матричное решение системы 3-х линейных уравнений с тремя неизвестными. Система m уравнений с n неизвестными. Ранг матрицы. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса. Решение систем линейных уравнений методом Крамера. Системы линейных неравенств.	1	
Практическое занятие. Матрицы. Виды матриц. Равенство матриц. Действия над матрицами. Определители 2-го и 3-го порядка и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема о разложении определителя по элементам произвольного ряда. Теорема об аннулировании определителя. Обратная матрица. Теорема существования и единственности обратной матрицы.	2	
Практическое занятие. Система линейных уравнений, основные понятия. Матричная запись и матричное решение системы 3-х линейных уравнений с тремя неизвестными. Система m уравнений с n неизвестными. Ранг матрицы. Теорема Кронекера-Капелли. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса. Решение систем линейных уравнений методом Крамера. Системы линейных неравенств.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	8	
Раздел 2. Векторная алгебра	14	ОПК-1, УК-1
Лекция. Скалярные и векторные физические величины. Векторы, основные понятия. Линейные операции над векторами, свойства. Проекция точки на ось. Составляющая вектора. Проекция вектора на ось, свойства проекций. Прямоугольная система координат. Координаты вектора и точки. Длина вектора. Направляющие косинусы вектора. Деление отрезка в данном отношении. Скалярное произведение векторов, его свойства, геометрический смысл. Векторное произведение векторов, его свойства, геометрический смысл. Смешанное произведение векторов, его геометрический смысл и свойства.	2	
Практическое занятие. Линейные операции над векторами, их свойства. Декартова система координат на плоскости и в пространстве. Составляющая вектора, проекция вектора на ось, свойства проекций. Орт вектора. Разложение вектора по ортам.	2	

Координаты вектора. Линейные операции над векторами в координатной форме.		
Практическое занятие. Скалярное произведение векторов и его свойства. Геометрические приложения. Векторное произведение векторов и его свойства. Смешанное произведение векторов и его свойства. Геометрические приложения.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	8	
Раздел 3. Аналитическая геометрия	17	ОПК-1, УК-1
Лекция. Две основные задачи аналитической геометрии. Уравнение прямой на плоскости. Анализ общего уравнения прямой на плоскости. Взаимное расположение прямых на плоскости. Уравнение плоскости в пространстве. Анализ общего уравнения плоскости, построение плоскости. Взаимное расположение плоскостей. Уравнение прямой в пространстве. Взаимное расположение прямых в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.	2	
Лекция. Кривые второго порядка на плоскости. Уравнения окружности, эллипса, гиперболы, параболы. Анализ уравнения второй степени. Полярная система координат на плоскости, связь между полярной и декартовой системами координат.	1	
Практическое занятие. Две основные задачи аналитической геометрии. Прямая линия на плоскости.	2	
Практическое занятие. Кривые второго порядка. Полярная система координат.	2	
Практическое занятие. Прямая и плоскость в пространстве. Взаимное расположение прямых в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	8	
Раздел 4. Введение в математический анализ	17	ОПК-1, УК-1
Лекция. Постоянные и переменные величины. Понятие функции, способы задания. Бесконечно малые функции и их свойства. Понятие предела функции на бесконечности и в точке. Горизонтальная асимптота. Асимптотическое разложение функции. Основные теоремы о пределах. Сравнение бесконечно малых функций.	2	
Лекция. Бесконечно большая функция. Вертикальная асимптота. Теорема о связи бесконечно малой и бесконечно большой функции. Первый и второй замечательный предел. Односторонние пределы. Непрерывность функции в точке.	1	

Классификация точек разрыва. Непрерывность функции на отрезке. Свойства функций непрерывных на отрезке.		
Практическое занятие. Функция, область определения, область значений функции. Четность, нечетность, периодичность функции.	2	
Понятие предела функции. Раскрытие неопределенностей.		
Практическое занятие. Первый и второй замечательные пределы.	2	
Практическое занятие. Непрерывность функции. Точки	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	8	
Раздел 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	17	ОПК-1, УК-1
Лекция. Понятие производной. Геометрический и физический смысл производной. Правила дифференцирования. Производная обратной функции. Вывод формул производных основных элементарных функций. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков. Дифференциал функции и его смысл. Выражение производных высших порядков через дифференциал. Приложение дифференциала к приближенным вычислениям. Дифференцирование функций заданных неявно и параметрически.	2	
Лекция. Теорема Ферма и ее геометрический смысл. Теорема Ролля и ее геометрический смысл. Теорема Коши и следствие из нее. Теорема Лагранжа и ее геометрический смысл. Формула конечных приращений. Правило Лопиталя. Раскрытие неопределенностей. Возрастание и убывание функции на интервале. Достаточный признак возрастания и убывания функции. Точки экстремума. Необходимый признак существования экстремума. Первый и второй достаточные признаки существования экстремума. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Выпуклость и вогнутость графика функции. Достаточный признак выпуклости или вогнутости графика функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Необходимый и достаточный признаки существования асимптот.	1	
Практическое занятие. Вычисление производной с помощью правил дифференцирования и таблицы производных. Дифференцирование сложной функции. Логарифмическое дифференцирование.	2	
Практическое занятие. Производные высших порядков. Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически. Дифференциал и его использование для приближенных вычислений. Приложения дифференциального исчисления. Физический и геометрический смысл производной. Уравнение	2	

касательной и нормали.		
Практическое занятие. Правило Лопиталя. Монотонность функции. Экстремумы. Наибольшее и наименьшее значение на отрезке. Текстовые задачи на экстремум. Точки перегиба, выпуклость и вогнутость графика функции. Асимптоты графика функции. Производная и ее приложения. Построение графика функции.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	8	
Раздел 6. Функции нескольких переменных	13	ОПК-1, УК-1
Лекция. Область (основные понятия). Функция двух и нескольких переменных. Геометрическое изображение функции двух переменных. Предел и непрерывность функции двух переменных. Частные производные и дифференциалы. Дифференцируемость функции двух переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Частные производные второго порядка. Дифференциал второго порядка. Экстремум функции двух переменных. Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент.	2	
Практическое занятие. Область определения функции двух переменных. Поверхности второго порядка. Частные производные первого и второго порядков. Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности. Дифференцирование неявной функции. Дифференциал первого порядка. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям.	2	
Практическое занятие. Экстремумы, наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных. Скалярное поле. Производная по направлению и градиент.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	7	
Раздел 7. Интегральное исчисление	15	ОПК-1, УК-1
Лекция. Первообразная функции. Неопределенный интеграл и его свойства. Основные методы интегрирования: непосредственное, замена переменной, интегрирование по частям. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла по фигуре. Определенный интеграл по фигуре и его свойства. Геометрические и физические приложения. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной, интегрирование по частям. Приближенное вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы.	2	
Практическое занятие. Неопределенный интеграл.	2	

Непосредственное интегрирование. Подведение под знак дифференциала. Замена переменной и интегрирование по частям в неопределенном интеграле.		
Практическое занятие. Интегрирование выражений, содержащих квадратный трехчлен. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование рациональных дробей и простейших иррациональностей.	2	
Практическое занятие. Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Метод замены переменной, метод интегрирования по частям. Геометрические и физические приложения определенного интеграла (вычисление площадей плоских фигур, объемов тел вращения и длины дуги). Несобственные интегралы.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	7	
Иная контактная работа: выполнение контрольной работы	0	
Подготовка к экзамену	30	
Проведение экзамена	6	

Раздел 5. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Изучение дисциплины Б.1.1.3 "Математика" рекомендуется начать с ознакомления с рабочей программой, ее структурой и содержанием разделов. Учебный материал структурирован, изучение дисциплины осуществляется в тематической последовательности.

Занятия лекционного типа дают систематизированные знания по дисциплине Б.1.1.3 "Математика", концентрируют внимание на наиболее сложных и важных вопросах. Во время лекционных занятий рекомендуется вести конспектирование учебного материала; обращать внимание на формулировки и категории, раскрывающие суть проблемы, явления или процесса; зафиксировать выводы и практические рекомендации.

Содержание самостоятельной работы определяется рабочей программой дисциплины Б.1.1.3 "Математика", оценочными и методическими материалами, заданиями и указаниями преподавателя. Самостоятельная работа может осуществляться в аудиторной и внеаудиторной формах. Эффективным средством осуществления самостоятельной работы является электронная информационно-образовательная среда университета, которая обеспечивает доступ к образовательной программе, рабочей программе дисциплины Б.1.1.3 "Математика", к электронным библиотечным системам, профессиональным базам данных и информационным справочным системам.

Изучение дисциплины Б.1.1.3 "Математика" включает выполнение расчетно-графической работы, контрольной работы. Периодичность проведения, формы текущего контроля успеваемости, система оценивания хода освоения дисциплин представлены в рабочей программе. Формой промежуточной аттестации по дисциплине Б.1.1.3 "Математика" являются экзамен.

Раздел 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Учебно-методическое обеспечение

№№ п/п	Список используемой литературы	Количество экземпляров печатных изданий, имеющих в библиотеке, или электронный адрес издания (ресурса) в сети Интернет
УЧЕБНЫЕ, УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ И НАУЧНЫЕ ИЗДАНИЯ		
1.	Письменный, Дмитрий Трофимович. Конспект лекций по высшей математике [Текст] : [полный курс] / Д. Т. Письменный. 15-е изд. Москва: АЙРИС-ПРЕСС, 2018. - 602, [1] с. ISBN 978-5-8112-6472-8. Экземпляры: всего 9.	9
2.	Сборник задач по высшей математике с контрольными работами [Текст] : пособие / К. Н. Лунгу, Д. Т. Письменный, С. Н. Федин, Ю. А. Шевченко. Ч. 1. 14-е изд, 2022. - 574, [1] с. ISBN 978-5-8112-6174-1. Экземпляры: всего 20.	20
3.	Неопределенные и определенные интегралы [Текст] : метод. указания к выполнению типовых расчетов для студентов специальностей 060800, 061000, 061100, 061500 / [сост. : Ю. А. Фомина, Л. Н. Шарафутдинова]. Йошкар-Ола: МарГТУ, 2006. - 55 с. Экземпляры: всего 65.	65
4.	Функции нескольких переменных [Текст] : методические указания по самостоятельной работе для студентов технических специальностей / М-во образования и науки РФ, ФГБОУ ВПО "Поволж. гос. технол. ун-т"; [сост. : Ю. А. Ведерникова, Л. Н. Шарафутдинова, П. А. Фищенко]. Йошкар-Ола: ПГТУ, 2012. - 56 с. Экземпляры: всего 84.	84 / https://portal.volgatech.net/books/Vedernikova_Funkcii_neskolnix_peremennyx_1.pdf
5.	Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной [Текст] : учебно-методическое пособие для организации самостоятельной работы студентов специальностей и направлений ВПО 110302.65, 140100.62, 140104.65, 150400.62, 150405.65 / М-во образования и науки РФ, ФГБОУ ВПО "Поволж. гос. технол. ун-т"; [сост.: Н. Н. Михеева, Л. Н. Шарафутдинова]. Йошкар-Ола: ПГТУ, 2013. - 110 с. ISBN 978-5-8158-1278-9. Экземпляры: всего 201.	201
6.	Кузнецов, А. В. Высшая математика. Математическое программирование [Электронный ресурс] / Кузнецов А. В., Сакович В. А., Холод Н. И. 4-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 352 с. ISBN 978-5-8114-1056-9.	https://e.lanbook.com/book/211070
7.	Туганбаев, А. А. Основы высшей математики [Электронный ресурс] / Туганбаев А. А. Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 496 с. ISBN 978-5-8114-1189-4.	https://e.lanbook.com/book/210698
8.	Натансон, И. П. Краткий курс высшей математики [Электронный ресурс] : учебное пособие / И. П. Натансон. 10-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 736 с. ISBN 978-5-8114-0123-9.	https://e.lanbook.com/book/210320

6.2. Материально-техническая база и программное обеспечение

№№ п/п	Аудитории для проведения учебных занятий, самостоятельной работы и проведения государственной итоговой аттестации	Перечень основного оборудования	Программное обеспечение
1.	241 (I)	Комплект учебной мебели (1)	Microsoft Windows Enterprise, Microsoft Office Standard, Агент Dr.Web, Microsoft Access, Microsoft Visio Professional, Microsoft Project Professional, Microsoft Visual Studio Enterprise, Комплект ПО для решения основных пользовательских задач

Раздел 7. ФОРМЫ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ/ ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Критерии оценивания индикаторов достижения компетенций направлены на:

- усвоение теоретического материала (объем знаний, глубина усвоения), предусмотренного рабочей программой;
- умение излагать материал (четкость, грамотность изложения материала, точность и полнота воспроизведения учебного материала);
- умение применять теоретические знания при решении практических заданий.

Шкала оценивания представлена ниже.

Уровень сформированности элементов компетенции	Критерии оценивания	Шкала оценивания
Пороговый уровень	Обучающийся имеет знания основного материала, проявляет умение логично его излагать, но может допускать неточности в изложении материала, недостаточно правильные формулировки, испытывает затруднения в выполнении практических заданий.	удовлетворительно
Продвинутый уровень	Обучающийся твердо знает программный материал, излагает его грамотно и по существу, не допускает существенных неточностей в ответе на вопрос, правильно применяет теоретические положения при решении практических вопросов и задач, владеет необходимыми навыками и приемами их выполнения	хорошо
Высокий уровень	Обучающийся глубоко и прочно усвоил программный материал, грамотно и логически стройно его излагает, дает исчерпывающие ответы на поставленные вопросы. В ответе тесно увязывается теория с практикой, при этом обучающийся не затрудняется с ответом при видоизменении задания, свободно справляется с задачами, вопросами и другими видами применения знаний,	отлично

	показывает знакомство с монографической литературой, периодическими изданиями, правильно обосновывает принятые решения, свободно владеет разносторонними навыками, приемами выполнения практических работ	
--	---	--

7.1. Текущий контроль успеваемости

Текущий контроль успеваемости обеспечивает оценивание хода освоения дисциплины (модуля) и производится с применением технологии рейтингового контроля в соответствии с технологической картой дисциплины. Порядок составления технологической карты и алгоритм проведения процедуры оценивания видов деятельности обучающихся, направленных на освоение знаний, умений, навыков и/или опыта деятельности, по накопительной системе в баллах устанавливается положением о системе РИТМ в ФГБОУ ВО «ПГТУ»

7.2. Промежуточная аттестация обучающихся

Промежуточная аттестация обучающихся направлена на оценивание результатов обучения по дисциплине (модулю) и проводится с использованием фондов оценочных средств.

Примеры типовых контрольных заданий из базы фонда оценочных средств по образовательной программе.

Контрольная работа №1. Линейная алгебра.

1. Найти, если возможно, сумму и произведение матриц.

2. Вычислить определитель Δ :

а) разложением по первому столбцу;

б) упрощением.

3. Решить систему линейных уравнений $\begin{cases} x + y + z = 1 \\ x - y + z = 2 \\ x + y - z = 3 \end{cases}$

а) методом Крамера;

б) матричным методом;

в) методом Гаусса.

Контрольная работа №2. Векторная алгебра и аналитическая геометрия.

1. Найдите $\cos \alpha$, если $\vec{a} = (1, 2, 3)$, $\vec{b} = (2, 1, 1)$.

2. Упростите выражение $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) + \vec{b} \cdot (\vec{c} \times \vec{a}) + \vec{c} \cdot (\vec{a} \times \vec{b})$.

3. При каком значении k векторы $\vec{a} = (1, 2, 3)$ и $\vec{b} = (2, 1, k)$ перпендикулярны, если $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$?

4. При каком значении k векторы $\vec{a} = (1, 2, 3)$ и $\vec{b} = (2, 1, k)$ компланарны?

5. В точках пересечения прямой $\vec{r} = (1, 2, 3)t + (4, 5, 6)$ с осями координат восстановлены перпендикуляры к этой прямой. Найдите их уравнения.

6. Приведите к каноническому виду уравнение $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 6z = 0$, определите тип линии и постройте график.

7. При каких значениях p и B прямая $px + By + C = 0$ и плоскость $px + By + Cz + D = 0$ перпендикулярны? Найдите точку пересечения прямой и плоскости.

Контрольная работа №3 Введение в математический анализ.

1. Не используя правило Лопиталя, вычислить пределы функций:

а) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$ б) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - 1}{x^2}$ в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x}$ г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$

2. Заданы функция $f(x)$ и два значения аргумента x_1 и x_2 . Требуется: а) установить, является ли данная функция непрерывной или разрывной для каждого из данных значений аргумента; б) сделать схематический чертеж.

в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x^2}$

3. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график. Найти скачок функции в точках разрыва.

г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x}$

Контрольная работа № 4. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.

1. Найдите производную неявной функции $xy^2 + y^3 = 1$

2. Найдите производные сложных функций: а) $y = \sin(x^2)$ б) $y = \cos(x^2)$ в) $y = \tan(x^2)$

3. Найдите производную второго порядка в заданной точке: $y = \sin x$

4. Найдите дифференциал функции $y = \sin x$

Контрольная работа №5 Неопределенный интеграл

1. $\int \sin x dx$ 2. $\int \cos x dx$ 3. $\int \tan x dx$

4. $\int \cot x dx$ 5. $\int \sec x dx$ 6. $\int \csc x dx$

7. $\int \frac{1}{\sin^2 x} dx$ 8. $\int \frac{1}{\cos^2 x} dx$ 9. $\int \frac{1}{\sin x \cos x} dx$

10. $\int \frac{1}{1+x^2} dx$

Контрольная работа № 6. Определенный интеграл по мере фигуры

1. Вычислите $\int_0^1 x dx$

2. Вычислите $\int_0^1 x dx$, где область D , ограничена линиями $y = x$, $y = 1$, $x = 0$.

3. Вычислите $\int_0^1 x dx$, где область D , ограничена линиями $y = x$, $y = 1$.

4. Используя тройной интеграл, вычислите объем тела, ограниченного поверхностями $z = 1 - x^2 - y^2$, $z = 0$, $x = 0$, $y = 0$.

5. Вычислите $\int_0^L x dx$, где L – часть циклоиды $x = a(t - \sin t)$, $y = a(1 - \cos t)$.

Семестровый контроль

Тест Вариант №0

1. Вектором называется (Выберите верное высказывание)...
 2. Найдите координаты вектора если
 3. При каком значении \vec{a} и \vec{b} векторы \vec{a} и \vec{b} перпендикулярны.
 4. Скалярное произведение векторов $\vec{a} = (-2; -1; 1)$ и $\vec{b} = (1; 2; 3)$ равно...
 5. Даны матрицы A и B . Вычислите $C = A - 3B$.
 6. Найдите произведение матриц A и B .
 7. Определителем n -го порядка называется (Выберите верное высказывание)...
 - 1) число равное сумме попарных произведений элементов первой строки определителя на их алгебраические дополнения
 - 2) число равное произведению элементов главной диагонали определителя
 - 3) прямоугольная таблица чисел, содержащая n строк и n столбцов
 - 4) число равное сумме произведений элементов какого-либо ряда определителя на алгебраические дополнения соответствующих элементов параллельного ряда
 8. Определитель A равен...
 9. Решением системы линейных уравнений $A \cdot X = B$ является...
- В ответе укажите сумму
10. Если определитель системы $A \cdot X = B$ линейных неоднородных уравнений с n неизвестными отличен от нуля ($\Delta \neq 0$), то система (Выберите верное высказывание)...
 - 1) имеет единственное решение
 - 2) имеет либо множество решений, либо не имеет ни одного решения
 - 3) имеет множество решений
 - 4) не имеет ни одного решения
 11. Дано уравнение прямой в общем виде. Тогда угловой коэффициент прямой, перпендикулярной данной прямой, равен ...
 12. Уравнение гиперболы, изображённой на рисунке,

имеет вид...
 13. Плоскость, проходящая через три точки $(0; 0; 2)$, $(0; 2; 2)$, $(-1; 0; 2)$, является...
 - 1) плоскостью $x = -1$ 2) плоскостью $x = 0$
 - 3) плоскостью $y = 2$ 4) плоскостью $z = 2$

14. Острый угол между прямыми: α и β $\alpha + \beta = 90^\circ$

равен....

15. Найдите область определения функции

16. Если для любого положительного числа ϵ существует (найдется) такое положительное число δ что для всех удовлетворяющих условию выполняется неравенство: то (Выберите верное высказывание)...

1) функция называется бесконечно малой (б.м.ф.) при $x \rightarrow a$ (или на бесконечности

2) функция называется бесконечно малой (б.м.ф.) при $x \rightarrow a$ (или в окрестности точки a).

3) функция называется бесконечно большой (б.б.ф.) при $x \rightarrow a$ (или на бесконечности

4) функция называется бесконечно большой (б.б.ф.) при $x \rightarrow a$ (или в окрестности точки a)

17. Если функция $f(x)$ такова, что односторонние пределы функции в точке существуют, конечны, но они не равны между собой, то точка a называется (Выберите верное высказывание)...

1) точкой устранимого разрыва функции

2) точкой разрыва второго рода (точкой бесконечного разрыва) функции

3) точкой непрерывности функции

4) точкой разрыва первого рода (точкой скачка) функции

18. Найдите предел функции: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x}$.

19. Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x}$ равен...

20. Укажите точки разрыва функции.

$f(x) = \frac{1}{x}$

21. Приращение функции в точке, вызванное приращением аргумента, (геометрически) равно (Выберите верное высказывание)...

1) приращению ординаты касательной к графику функции в этой точке, когда

аргумент функции в этой точке получит некоторое приращение

2) приращению ординаты графика функции в этой точке, когда аргумент функции в этой точке получит некоторое приращение

3) угловому коэффициенту касательной к графику функции в этой точке

4) угловому коэффициенту нормали к графику функции в этой точке

22. Производная функции $y = \sin x$ имеет вид...

23. Найдите $\int_0^1 x^2 dx$.

24. Найти дифференциал функции

25. Найдите угловой коэффициент касательной, проведенной к графику функции $y = x^3$ в точке $(1, 1)$

26. Вертикальная асимптота графика функции $y = \tan x$ имеет вид:

27. Функция $y = \cos x$ определена на промежутке $[\pi/2, 3\pi/2]$. На рисунке изображен график ее производной.

Тогда функция $y = \cos x$ убывает на промежутке...

28. Даны множества $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4 < 0\}$ и $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 9 < 0\}$. Тогда пересечением этих множеств является...

29. Мера множества, изображенного на рисунке, равна...

30. Укажите вид графика функции, для которой на всём отрезке $[a, b]$ одновременно выполняются три условия: $y > 0$, $y' < 0$, $y'' < 0$.

Перечень вопросов для проведения промежуточной аттестации

Вопросы для экзамена

1. Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется?
2. В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?
3. Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.

4. Как осуществляются линейные операции над матрицами?
5. Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.
6. Какова схема нахождения обратной матрицы?
7. Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений.
8. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определённая», «неопределённая» системы.
9. Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?
10. Что называется рангом матрицы? Как он находится?
11. Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.
12. При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?
13. Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
14. Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?
15. Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?
16. Как строится фундаментальная система решений?
17. Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?
18. Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?
19. Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?
20. Какой базис называют декартовым?
21. Что такое координаты вектора?
22. Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства?
23. Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства?
24. Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства?
25. Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.
26. Прямая линия на плоскости, её общее уравнение.
27. Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.
28. Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.
29. Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.
30. Как найти точку пересечения прямых на плоскости?
31. Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?
32. Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.

33. Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение.
34. Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение.
35. Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
36. Дайте понятие полярной системы координат.
37. Опишите параметрический способ построения линий на плоскости.
38. Плоскость, её общее уравнение.
39. Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
40. Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?
41. Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.
42. Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.
43. Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?
44. Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?
45. Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?
46. Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?
47. Арифметические операции над вещественными числами и их упорядочение. Непрерывность множества вещественных чисел.
48. Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы. Символы математической логики, их использование.
49. Числовая последовательность. Определение, способы задания, арифметические действия, ограниченные и неограниченные числовые последовательности.
50. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности: определения и их основные свойства.
51. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности.
52. Монотонные последовательности.
53. Функция, способы задания. Область определения. Область значений. Периодичность. График функции и уравнение графика функции.
54. Классификация функций. Четные, нечетные функции.
55. Бесконечно малая функция в точке.
56. Свойства бесконечно малых функций.
57. Предел функции в точке.
58. Свойства пределов функций.
59. Бесконечно большая функция. Связь бесконечно малой и бесконечно большой функций.
60. Первый замечательный предел. Следствия.

61. Второй замечательный предел. Следствия.
62. Раскрытие неопределенностей.
63. Односторонние пределы.
64. Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва.
65. Определение производной. Геометрический смысл производной. Физический смысл производной.
66. Основные правила вычисления производных и дифференциалов.
67. Правило дифференцирования сложной функции.
68. Таблица производных.
69. Производные высших порядков.
70. Механический смысл второй производной.
71. Приложение дифференциала к приближенным вычислениям.
72. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.
73. Достаточные признаки (условия) монотонности дифференцируемой функции.
74. Точки экстремума и экстремум функции. Необходимое условие экстремума дифференцируемой функции.
75. Достаточное условие экстремума дифференцируемой функции.
76. Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба.
77. Асимптоты графика функции: вертикальные, горизонтальные, наклонные.
78. Общая схема исследования функции. Построение графиков функций.
79. Что называется функцией двух и более переменных. Укажите способы их задания.
80. Область определения функции двух и трех переменных. Как она изображается геометрически?
81. График функции двух переменных.
82. Предел функции двух переменных в точке.
83. Непрерывность функции двух переменных. Точки и линии разрыва функции двух переменных.
84. Что называется частным и полным приращением функции?
85. Дайте определение частных производных. Как вычисляются частные производные?
86. Каков геометрический смысл частных производных.
87. Дифференцируемые функции. Полный дифференциал функции двух переменных.
88. Его приложения к приближенным вычислениям.
89. Частные производные второго порядка. Равенство смешанных частных производных.
90. Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума функции двух переменных.

91. Что называется первообразной данной функции? Теорема о первообразных. Дайте определение неопределенного интеграла. В чем состоит основная задача интегрального исчисления?
92. Каковы основные свойства неопределенного интеграла? Таблица основных интегралов.
93. Опишите метод замены переменной в неопределенном интеграле.
94. Метод интегрирования по частям. Назовите классы функций, интегрируемых по частям.
95. Какие дроби называются простейшими? Интегрирование простейших рациональных дробей.
96. Интегрирование дробно-рациональных функций.
97. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла (задача о массе фигуры, задача о площади криволинейной трапеции).
98. Понятие интегральной суммы. Алгоритм ее составления. Определение определенного интеграла по отрезку. Условие его существования.
99. Геометрический смысл определенного интеграла по отрезку.
100. Физический смысл определенного интеграла.
101. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем.
102. Определенный интеграл и его вычисление. Формула Ньютона-Лейбница.
103. Замена переменной в определенном интеграле по отрезку.
104. Интегрирование по частям в определенном интеграле по отрезку.
105. Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площадей плоских фигур, длины дуги, объема тела по известным поперечным сечениям, вычисление объема тела вращения.
106. Физические и механические приложения определенного интеграла. Вычисление масс, координат центров тяжести, масс плоских областей.